

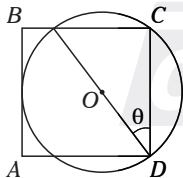
Razones trigonométricas de un ángulo agudo I

SEMESTRAL UNI - 2023 II

1. En un triángulo rectángulo ACB , recto en C , si $\cos A - 2\cot B = 0$, calcule el valor de $\sec^2 B - 2\sec B$.

A) -1 B) 0 C) 1
D) 2 E) 3

2. En el gráfico mostrado, $ABCD$ es un cuadrado y O es el centro de la circunferencia, halle $\tan \frac{\theta}{2} + \sec \frac{\theta}{2}$.

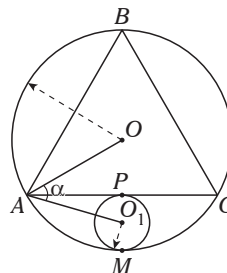


A) $\frac{1+\sqrt{10}}{3}$ B) $\frac{1-\sqrt{10}}{3}$ C) $\frac{1+\sqrt{10}}{2}$
D) $\frac{1+\sqrt{10}}{4}$ E) $\frac{1-\sqrt{10}}{4}$

3. Sabiendo que: $2^{3+\tan\phi} = 4^3$; donde ϕ es un ángulo agudo, calcule:
 $C = 2\sec^2\phi + 10\sec^2\phi$

A) 17 B) 19 C) 21
D) 25 E) 29

4. En el gráfico, el triángulo ABC es equilátero. Si los puntos P y M son de tangencia, calcule $\tan\alpha$.
Considere $AP = PC$.



A) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ B) $\frac{3\sqrt{3}}{5}$ C) $\frac{2\sqrt{3}}{5}$
D) $\frac{\sqrt{3}}{6}$ E) $\frac{\sqrt{3}}{5}$

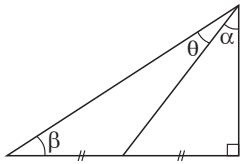
5. En un triángulo ABC , recto en C se sabe que:
 $\frac{\sec A}{\sec B} = \frac{2}{3}$
Calcule:
 $E = \sqrt{13} \cos A + 3 \cot B$

A) 1 B) 2 C) 3
D) 4 E) 5

6. Calcule el área de un triángulo ABC , recto en C , cuya hipotenusa mide $5\sqrt{3}$ u y para el cual se satisface la relación $\cos A - \cos B = 0,8$.

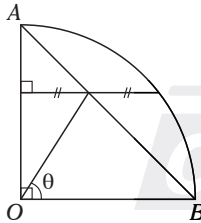
A) $\frac{5\sqrt{3}}{2} u^2$ B) $\frac{22}{3} u^2$ C) $\frac{45}{2} u^2$
D) $\frac{45}{8} u^2$ E) $18 u^2$

7. Del gráfico, calcule: $W = \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin \theta}$.



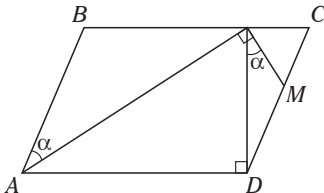
- A) 1 B) 2 C) 3
D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

8. Siendo O centro del cuadrante. Calcule $\tan \theta$.



- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{5}{3}$ C) $\frac{3}{2}$
D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{3}{5}$

9. En el gráfico, $ABCD$ es un paralelogramo. Si $CM=MD$ y $\tan(\alpha+20^\circ) - \cot 2x = 0$, calcule $\tan^2(x+10^\circ)$.



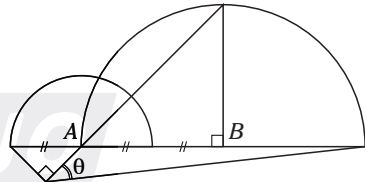
- A) 3 B) $\frac{1}{3}$ C) 1
D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{9}$

10. Si $\sin(x+20^\circ) \cdot \sec(2x+40^\circ) = 1$, $x \in (0; 25^\circ)$, calcule

$$M = \frac{\sin(6x) \cdot \cos(3x) \cdot \tan(5x)}{\cot(4x) \cdot \sec(7x) \cdot \sin(2x)}$$

- A) $\frac{1}{2}$
B) $\frac{3}{2}$
C) $\frac{1}{4}$
D) $\frac{3}{4}$
E) $\frac{1}{3}$

11. Del gráfico, calcule $\tan \theta$ (A y B son centros).



- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{4}{5}$
D) $\frac{6}{7}$ E) $\frac{4}{7}$

12. Siendo x, y, z valores de los ángulos agudos que cumplen:

$$\sin(2x) \cdot \csc(x+y) = 1 \quad \dots (1)$$

$$\tan(2x) \cdot \tan(z) = 1 \quad \dots (2)$$

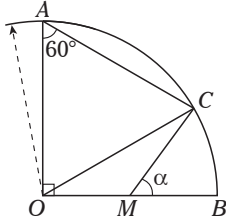
Calcule:

$$M = \frac{4 \cos(x+20^\circ)}{\sin(70^\circ - y)} + 3 \tan(y+z) \cdot \tan(x)$$

- A) 2 B) 4 C) 5
D) 7 E) 8

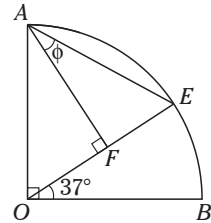


13. Del gráfico mostrado, calcule $\cot\alpha + 1$ si $OM = MB$.



- A) $\sqrt{3} - 1$ B) $\sqrt{3} + 1$ C) $\sqrt{3}$
 D) $5/3$ E) $2/3$

14. Del gráfico, calcule $\cot\phi$.



- A) 1 B) 2 C) 3
 D) 4 E) 5

